

{ Se considera o tabla de sah de dimensiune 8 x 8, care are anumite casute perforate (din totalul de 64 de casute unele sunt perforate). Lista de casute perforate se precizeaza prin coordonatele lor. Pentru fiecare casuta perforata se specifica linia si coloana ei. Liniile si coloanele se numereaza de la 1 pana la 8.

In coltul de coordonate (1, 1) al tablei se afla un cal (piesa de sah care se deplaseaza prin sarituri in forma de L).

Scopul este sa gasim un drum pe care calul sa ajunga in coltul de coordonate (8, 8) al tablei de sah.

Nu are importanta lungimea drumului (numarul de sarituri efectuate de cal). Adica nu se cere sa se gaseasca drumul cel mai scurt. Avem o singura restrictie: calul nu are voie sa treaca prin casutele perforate.

Casutele (1, 1) si (8, 8) nu sunt perforate.

}

program Drumul_calului;

uses Crt;

{ Definim dimensiunea tablei de sah ca si constanta. }

const N = 8;

type

{ Tabla de sah o vom pastra sub forma unei matrici de dimensiuni N x N. Daca o casuta de pe tabla nu este perforata, atunci in matrice vom pastra 0 pe pozitia corespunzatoare casutei respective. Daca o casuta de pe tabla este perforata, atunci in matrice vom pastra 1 pe pozitia corespunzatoare casutei respective. }

TTabla = array[1..N, 1..N] of Integer;

{ Lista de casute gaurite presupune pastrarea unor perechi de coordonate (linie, coloana). Definim un tip de date care pastreaza o lista de asemenea perechie de coordonate. }

TListaCoordonate = array[1..N*N, 1..2] of Integer;

var

{ Definim o variabila care pastreaza configuratia tablei de sah. }

tabla : TTabla;

{ Apoi definim o variabila care pastreaza coordonatele casutelor perforate. }

perforatii : TListaCoordonate;

{ Si inca o variabila care pastreaza numarul casutelor perforate. }

nr_perf : Integer;

{ Drumul calului pe tabla de sah se poate pastra tot sub forma unei liste de coordonate. Pastram coordonatele tuturor casutelor pe unde trece calul pe tabla. Definim o variabila in care vom memora aceste coordonate. }

drum : TListaCoordonate;

{ Mai definim o variabila care sa memoreze numarul de pasi efectuati de cal pe tabla. }

nr_pasi : Integer;

{ Calul se deplaseaza pe tabla de sah prin sarituri in forma de L. Ca urmare atunci cand el paraseste o casuta oarecare de pe tabla,

```
    el poate face opt mutari pentru a ajunge intr-o alta casuta.  
    Se pune problema cum calculam care sunt cele opt casute in care  
    ar putea ajunge calul.  
    O solutie la indemana este sa pastram "delta"-liniile si  
    "delta"-coloanele pentru fiecare din cele opt mutari posibile. Adica  
    sa spunem, pentru fiecare din cele opt mutari, cu cate linii si cu  
    cate coloane trebuie sa se deplaseze calul pentru a ajunge in  
    noua casuta. }  
mutari : TListaCoordonate;  
{ Mai pastram o variabila care sa ne zica numarul de mutari posibile.  
  E clar ca acest numar de mutari va fi 8, dar il pastram ca si variabila  
  si nu scriem "8" direct in program. }  
nr_mutari : Integer;  
  
{ Pastram o variabila booleana pe care o vom seta pe "true" in momentul  
  in care am gasit un drum pentru cal. In felul acesta vom sti sa oprim  
  cautarea dupa ce se gaseste primul drum. }  
drum_gasit : Boolean;  
  
{ In aceasta procedura definim care sunt casutele perforate si  
  apoi initializam matricea care va pastra configuratia tablei de sah. }  
procedure Initializare;  
var i, j : Integer;  
begin  
  { Inainte de toate initializam vectorul de "delta"-linii si  
    "delta"-coloane cu ajutorul caruia vom calcula cele opt  
    mutari posibile pentru cal. }  
  nr_mutari := 8;  
  mutari[1][1] := -1; mutari[1][2] := -2;  
  mutari[2][1] := -2; mutari[2][2] := -1;  
  mutari[3][1] := -2; mutari[3][2] := 1;  
  mutari[4][1] := -1; mutari[4][2] := 2;  
  mutari[5][1] := 1; mutari[5][2] := 2;  
  mutari[6][1] := 2; mutari[6][2] := 1;  
  mutari[7][1] := 2; mutari[7][2] := -1;  
  mutari[8][1] := 1; mutari[8][2] := -2;  
  
  { Apoi definim casutele perforate. Vom avea un numar de 8 casute  
    perforate. In mod normal aceste casute perforate s-ar citi din  
    fisier, dar pentru a simplifica programul noi le definim direct  
    din cod. }  
  nr_perf := 8;  
  perforatii[1][1] := 1; perforatii[1][2] := 5;  
  perforatii[2][1] := 3; perforatii[2][2] := 2;  
  perforatii[3][1] := 3; perforatii[3][2] := 5;  
  perforatii[4][1] := 4; perforatii[4][2] := 4;  
  perforatii[5][1] := 5; perforatii[5][2] := 4;  
  perforatii[6][1] := 6; perforatii[6][2] := 1;  
  perforatii[7][1] := 6; perforatii[7][2] := 3;  
  perforatii[8][1] := 7; perforatii[8][2] := 6;  
  
  { Iar apoi initializam matricea care pastreaza configuratia  
    tablei de sah. Initial umplem toata matricea cu 0, care inseamna  
    ca nici o casuta nu este perforata. }  
  for i := 1 to N do  
    for j := 1 to N do  
      tabla[i][j] := 0;  
  
  { Si dupa ce toata matricea este plina cu 0, punem 1 in locurile  
    unde avem casute perforate. }
```

```
    for i := 1 to nr_perf do
        tabla[ perforatii[i][1] ][ perforatii[i][2] ] := 1;
end;

{ Aceasta procedura afiseaza pe ecran configuratia tablei de sah,
  impreuna cu drumul parcurs de cal pana in momentul afisarii.
  Casutele neperforate sunt marcate cu un '#', iar casutele perforate
  sunt marcate cu un 'o'.
  Drumul calului este reprezentat prin numere. Prima casuta vizitata
  este marcata cu 1, a doua casuta vizitata e marcata cu 2, etc. }
procedure AfiseazaTabla;
var i, j, k : Integer;
    pas : Integer;
begin
    ClrScr;
    { i parcurge toate liniile tablei de sah. }
    for i := 1 to N do
        begin
            { j parcurge toate coloanele tablei de sah. }
            for j := 1 to N do
                begin
                    { Pentru fiecare casuta de coordonate (i, j)
                      verificam daca ea a fost vizitata de cal. Daca
                      da, atunci pastram si pasul in care a fost
                      vizitata. }
                    pas := -1;
                    for k := 1 to nr_pasi do
                        begin
                            if (drum[k][1] = i) and
                               (drum[k][2] = j) then
                                begin
                                    pas := k;
                                    break;
                                end;
                        end;

                    { Daca am determinat ca aceasta casuta de coordonate
                      (i, j) a fost vizitata de cal, atunci afisam
                      numarul pasului in care a fost vizitata. }
                    if pas <> -1 then
                        Write(pas:3)

                    { Daca nu a fost vizitata, atunci daca nu este
                      perforata afisam un '#'. }
                    else if tabla[i][j] = 0 then
                        Write('#':3)

                    { Iar nu a fost vizitata si e perforata, atunci
                      afisam un 'o'. }
                    else
                        Write('o':3);
                end;

            { Dupa ce am epuizat casutele de pe o linie a tablei,
              trecem si pe ecran la o linie noua. }
            WriteLn;
        end;

    { Dupa ce am afisat toata tabla de sah, asteptam un anumit interval
      de timp pentru a da ragaz utilizatorului sa interpreteze informatia
```

```
        afisata pe ecran. }
    Delay(10000);
end;

{ Aceasta este procedura propriu-zisa de backtracking. Pentru a o intelege,
  trebuie sa privim lucrurile intr-un mod recursiv:

  Consideram ca am ajuns deja in casuta de coordonate (linie, coloana). Sa
  zicem ca nu ne intereseaza *cum* anume am ajuns pana in aceasta casuta.
  Ce este important e ceea ce vom face mai departe.

  Pai daca am ajuns deja aici, atunci incercam sa mergem mai departe prin
  una din cele opt mutari posibile in forma de L. Pentru aceasta calculam
  pe rand fiecare casuta in care s-ar putea sari si verificam cateva aspecte
  pentru ea:
  - sa se afle pe tabla de sah (dintr-o casuta situata pe marginea tablei
    de sah s-ar putea sari si in afara tablei);
  - sa nu fie perforata;
  - sa nu se mai fi trecut pe acolo inainte.

  Pentru fiecare casuta care indeplineste aceste trei conditii, facem
  saritura in ea, incercam apoi in mode recursiv sa mergem mai departe
  si din noua casuta, dupa care anulam saritura. In felul acesta tatonam
  fiecare din cele opt mutari posibile. Acesta este de fapt mecanismul
  de backtracking. La fiecare pas se merge prin incercare si se tatoneaza
  fiecare posibila mutare.

  Daca la un moment dat se constata ca s-a ajuns la destinatie, atunci
  se opreste cautarea. Se va seta pe "true" o variabila globala care va
  semnala ca e momentul sa se revina din apelurile recursive. }

{ Semnificatia parametrilor "linie" si "coloana" este urmatoarea: pana
  in prezent calul a parcurs un drum oarecare, si acum se pune problema
  de a extinde drumul cu o noua casuta, si anume cu casuta de coordonate
  (linie, coloana). Daca este posibil, casuta (linie, coloana) se va
  adauga la drumul parcurs. }
procedure MutaPiesa(linie, coloana : Integer);
var k, i : Integer;
    linie_urm, coloana_urm : Integer;
    am_mai_trecut_pe aici : Boolean;
begin
    { Verificam daca nu cumva s-a ajuns in casuta de coordonate (8, 8),
      caz in care cautarea se incheie. }
    if (linie = N) and (coloana = N) then
        begin
            { Daca s-a ajuns la casuta (8, 8), atunci o adaugam la drumul
              parcurs, facem afisarea tablei si iesim din procedura
              recursiva. }
            nr_pasi := nr_pasi + 1;
            drum[nr_pasi][1] := linie;
            drum[nr_pasi][2] := coloana;

            drum_gasit := true;

            AfiseazaTabla;
            WriteLn;
            WriteLn('Am gasit solutie!');

            exit;
        end;
    end;
```

```
{ Acum urmeaza partea caracteristica backtracking-ului. Se tatoneaza
*fiecare* mutare posibila a calului. }
for k := 1 to nr_mutari do
  begin
    { Pentru mutarea curenta, calculam coordonatele casutei
      in care ar trebui sa se sara. }
    linie_urm := linie + mutari[k][1];
    coloana_urm := coloana + mutari[k][2];

    { Verificam daca aceasta casuta este situata pe tabla si
      daca nu este perforata. Acestea doua sunt primele conditii
      pentru a putea face saritura in noua casuta. }
    if (linie_urm >= 1) and (linie_urm <= N) and
       (coloana_urm >= 1) and (coloana_urm <= N) and
       (tabla[linie_urm][coloana_urm] = 0) then
      begin
        { Daca casuta este situata pe tabla si nu este
          perforata, mai verificam si daca nu cumva s-a mai
          trecut prin ea. }
        am_mai_trecut_pe_aici := false;
        for i := 1 to nr_pasi do
          begin
            if (drum[i][1] = linie_urm) and
               (drum[i][2] = coloana_urm) then
              begin
                am_mai_trecut_pe_aici := true;
                break;
              end;
          end;

        { Daca nici nu s-a mai trecut prin noua casuta,
          atunci incercam sa facem saritura in ea in
          speranta ca vom gasi astfel un drum catre casuta
          (8, 8). }
        if not(am_mai_trecut_pe_aici) then
          begin
            { Adaugam casuta la drumul parcurs. }
            nr_pasi := nr_pasi + 1;
            drum[nr_pasi][1] := linie;
            drum[nr_pasi][2] := coloana;

            { Facem o afisare a drumului de pana acum. }
            AfiseazaTabla;

            { In mod recursiv incercam sa mutam mai
              departe piesa. }
            MutaPiesa(linie_urm, coloana_urm);

            { Daca cumva s-a gasit un drum, atunci oprim
              cautarea. Nu mai este nevoie sa mai tatonom
              alte mutari posibile. }
            if drum_gasit then
              Break;

            { Daca cumva nu s-a gasit inca un drum, atunci
              mutarea pe care am facut-o se pare ca nu
              este utila. Deci o anulam si vom incerca
              cu celelalte mutari posibile netatonate. }
          else
```

```
begin
    { Stergem casuta din drumul parcurs. }
    drum[nr_pasi][1] := 0;
    drum[nr_pasi][2] := 0;
    nr_pasi := nr_pasi - 1;

    { Si facem o afisare a tablei. }
    AfiseazaTabla;
end;

end;

end;

end;

{ Programul principal. }
begin
    ClrScr;

    { Facem initializarile din program. }
    Initializare;

    { Setam pe "false" variabila care ne indica daca s-a gasit solutie. }
    drum_gasit := false;

    { Si incepem cautarea tatonand casuta (1, 1). }
    MutaPiesa(1, 1);

    { Daca dupa ce cautarea se incheie nu avem nici un drum gasit,
      afisam un mesaj corespunzator. }
    if not(drum_gasit) then
        begin
            { Afisam configuratia tablei pentru a o putea analiza. }
            AfiseazaTabla;
            WriteLn;
            WriteLn('Nu exista solutie!');
        end;
    end;
end.
```